

8 التعريف الأول: تعتبر في الفضاء المستوي \mathcal{P} إلى \mathcal{P} م. م. م.

$C(-1, 0, 2)$, $B(-1, -1, 1)$, $A(1, -1, 3)$ النقطة $(\vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ و مجموعة النقطة $M(x, y, z)$ من الفضاء، التي تحقق:

$$(S) : x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 4z + 1 = 0$$

1° - حدد $\vec{AB} \wedge \vec{AC}$ ثم استنتج أن $x + y - z + 3 = 0$ هو دليل ديكارتية للمستوي (ABC) .

2° - بين أن (S) كرة مركزها $\Omega(2, 0, 2)$ و نصفها $R = \sqrt{2}$.

3° - يعتبر المستقيم (Δ) (عابر عن Ω ، العمودي على (ABC))

1° - اعل Δ مثلًا طرئًا لـ (Δ) .

1° - حدد مثلوات إحداثيات نقطة تقاطع (Δ) و (ABC) .

1° - 4° - احس مسافة النقطة Ω عن المستوي (ABC) .

1° - ب - استنتج أن المستوي (ABC) يقطع الكرة (S)

وفق دائرة (Γ) شعاعها $r = 2$.

1° - ج - اثبت أن النقطة A هي مركز الدائرة (Γ) .

5° - د - استنتج أن النقطة $H(1 - \sqrt{2}, \sqrt{2} - 1, 3)$ تنتمي إلى الدائرة (Γ) .

إلى الدائرة (Γ) .

66

التحريث الثاني :

يحتوي كيس على ثنائي بيقات :

بيقة واحدة تحمل العدد 0 و خمس بيقات تحمل العدد
 و بيقات تحمل العدد 2 (التميز بين البيقات بالعدد
 ندرب عشوائيا وفي آن واحد ثلاث بيقات من الكيس
 1° - نعتبر الأحداث التالية :

63

- A « المحصول ثلاث بيقات تحمل أعداداً مختلفة عن 0 »
- B « مجموع الأعداد التي تحملها البيقات (طباوئية يساوي 5 »
- C « مجموع الأعداد التي تحملها البيقات (طباوئية يساوي 4 »

بين أن : $P(A) = \frac{5}{28}$ و $P(B) = \frac{5}{56}$ و $P(C) = \frac{3}{8}$

2° - ليكن X (متغير العشوائي الذي يربط كل نتيجة
 بعدد البيقات التي تحمل العدد 2

65

ر - بين أن (القيم التي يأخذها X هي 0 و 1 و 2

64

ب - بين أن $P(X=0) = \frac{5}{14}$ و $P(X=2) = \frac{3}{28}$

65

ج - اعل قانون (متغير العشوائي X
 ثم حسب أماله الرياوي $E(X)$.

6. التصريح الثالث = لتكن f الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كما يلي

$$f(x) = (x-2)^2 e^x$$

ولكن (C) منحناها في م.م.م $(\vec{u}, \vec{v}, \vec{w})$ (الوحدة 1cm)

1° - بين أن $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$ ثم أول هذه سيا

2° - بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ثم أول هذه سيا

3° - أ - بين أن $f'(x) = x(x-2)e^{2x}$ ($\forall x \in \mathbb{R}$)
ب - اذكر جدول تغيرات f

4° - أ - بين أن $f''(x) = (x^2-2)e^x$ لكل x عن \mathbb{R} ثم استنتج

أن لمنحنى (C) نقطتي انعطاف تديران توابعهما غير مطلوب

ب - أنتج المنحنى (C)

5° - أ - بين أن الدالة $h: x \rightarrow (x-1)e^x$ دالة أصلية

للدالة $h: x \rightarrow x e^x$ على \mathbb{R}

ب - استنتج أن $\int_0^1 x e^x dx = 1$

ج - ليكن (C') منحنى الدالة $x \rightarrow x^2 e^x$

(حسب C مساحة غير المستوى المحصور بين

(C) و (C') والمستقيمين (مرفقين عماديين)

$x=0$ و $x=1$